

Preappello – 28 Maggio 2009

Tempo a disposizione per lo svolgimento: 1 ora e 30 minuti

Avvertenza: Si ricordi di indicare sui fogli consegnati nome, cognome e numero di matricola

Esercizio 1

Si consideri un sistema a code caratterizzato da tre serventi e nessun posto in coda.
Si supponga che il processo degli arrivi sia Poissoniano con valor medio λ pacchetti/secondo e che il tempo di trasmissione sia una variabile casuale esponenziale negativa con media pari ad $1/\mu$ secondi, indipendentemente dal servente utilizzato.

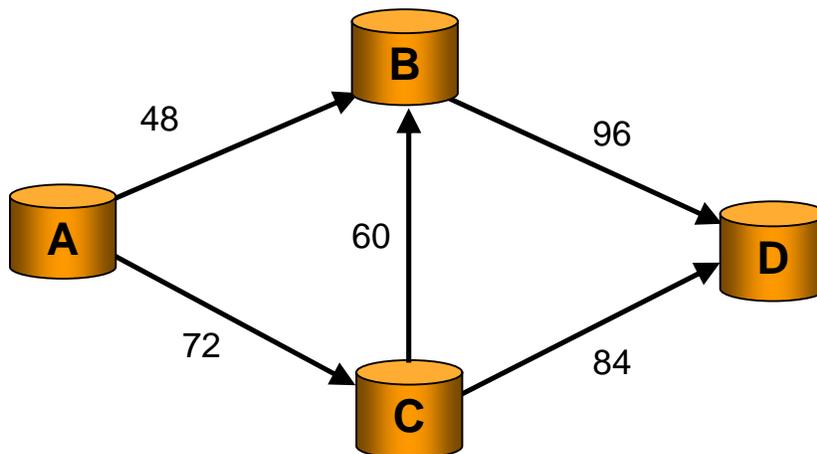
- 1) Si indichi per quali valori di λ (fissato μ) il sistema è stabile, ovvero raggiunge uno stato stazionario.
- 2) Si descriva, tramite una catena di Markov, il sistema in esame.

Si consideri quindi il caso $\lambda = \mu$. In questa ipotesi:

- 3) Si calcoli la distribuzione stazionaria del numero di pacchetti nel sistema.
- 4) Si calcoli la probabilità di blocco del sistema.
- 5) Si determini il numero medio di pacchetti nel sistema
- 6) Si determini il tempo medio totale di permanenza dei pacchetti che entrano nel sistema
- 7) Si determini il tempo medio di attesa in coda dei pacchetti che entrano nel sistema
- 8) Si determini il rate medio dei pacchetti scartati dal sistema
- 9) Era possibile rispondere ai punti 6 e 7 senza fare nessun calcolo? Se si, perché?

Esercizio 2

Si consideri la rete rappresentata in figura in cui sono indicate le velocità di trasmissione dei vari collegamenti espresse in kbit/s. Il traffico offerto alla rete tra le varie coppie di nodi ingresso/destinazione (espresso anch'esso in kbit/s) è specificato nella matrice R, assieme all'instradamento scelto per ogni flusso di traffico. Si supponga che la lunghezza media dei pacchetti offerti sia 1200 bit.



R =

	A	B	C	D
A	---	36 AB	24 AC	24 ACBD
B	0	---	---	36 BD
C	0	0	---	12 CBD
D	0	0	0	---

1) Si calcoli il ritardo medio in rete (grado di servizio) che si ottiene utilizzando tale instradamento, specificandone con chiarezza e precisione l'unità di misura.

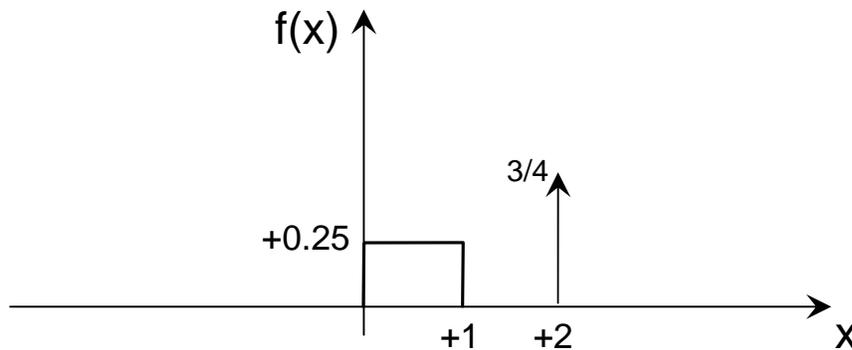
2) Si supponga ora di moltiplicare la matrice dei traffici offerti R per un coefficiente $\eta > 1$. Si calcoli qual è il minimo valore di η per il quale il ritardo medio in rete (grado di servizio) diventa infinito.

3) Si calcoli infine a quale valore tende quale il ritardo medio in rete (grado di servizio) quando il coefficiente η tende a zero.

Esercizio 3

Si consideri una variabile aleatoria U avente distribuzione uniforme in [0,1].

Sia X una variabile aleatoria avente densità di probabilità $f(x)$ indicata nella seguente figura:



1a) Si calcoli quanto vale la probabilità che X sia maggiore di 0.5, ovvero $P(X \geq 0.5)$

1b) Si indichi un procedimento per sintetizzare la variabile aleatoria X

2) Si indichi un procedimento per:

a) sintetizzare una variabile aleatoria uniforme negli intervalli [-3,-2] e [0,+5]

b) sintetizzare una variabile Y avente densità di probabilità $f_Y(x) = \frac{2}{x}$ $+1 \leq x \leq \sqrt{e}$

Domande

1) Si enunci e si dimostri con chiarezza e precisione il Teorema di Little (*Little's Result*), riportando la dimostrazione di Stidham.

2) Si illustri con chiarezza e precisione in che cosa consiste e a cosa serve il metodo cosiddetto della *deviazione di flusso* (*flow deviation*).