

 $v_B =$ AB y(x)EJ=BC y(x)EJ=

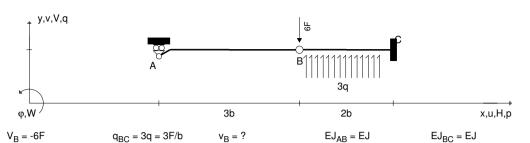
 $\uparrow \boxed{+} \downarrow$

Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste. $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ riferimento locale asta \ YZ \ con origine in \ Y$ Calcolare lo spostamento verticale del nodo B Riportare la soluzione su questo foglio.

@ Adolfo Zavelani Rossi, Politecnico di Milano

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno.

(+)

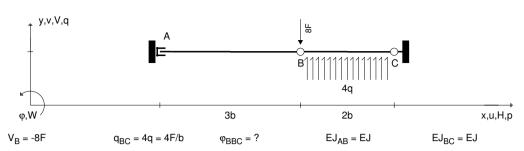


v_B = AB y(x)EJ=BC y(x)EJ=

 \uparrow + \downarrow

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste. J_{YZ} - x_{YZ} - ϑ_{YZ} riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B

Riportare la soluzione su questo foglio.



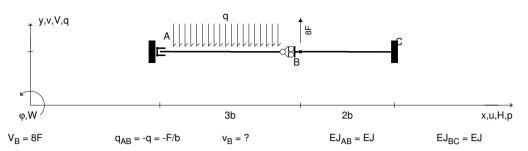
 ϕ_{BBC} =
AB y(x)EJ=
BC y(x)EJ=

<u>--+-</u>

 \uparrow + \downarrow

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno.
Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste.
Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste.
Esprimere la linea elastica delle aste.

 $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ riferimento locale asta \ YZ \ con origine \ in \ Y$ Calcolare la rotazione assoluta del nodo B su asta BC Riportare la soluzione su questo foglio.

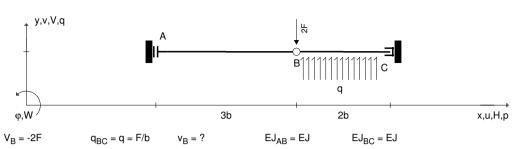


 $v_B = AB y(x)EJ= BC y(x)EJ=$

←[+]**→**

 \uparrow + \downarrow

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste. $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ \, \text{riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B Riportare la soluzione su questo foglio. }$

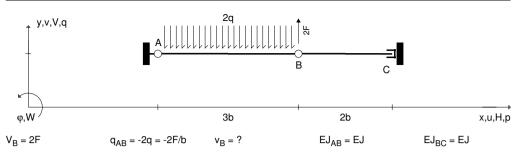


 $v_B =$ AB y(x)EJ=BC y(x)EJ=

←[+]—

 $\uparrow \boxed{+} \downarrow$

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste. $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \, \text{riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B Riportare la soluzione su questo foglio.$

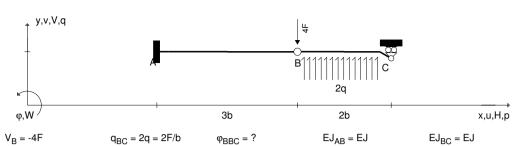


 $V_B =$ AB y(x)EJ=BC y(x)EJ=

<u>--+-</u>

 \uparrow + \downarrow

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste. $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \, \text{riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B Riportare la soluzione su questo foglio.$



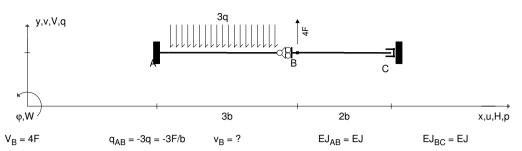
 $\begin{array}{l} \phi_{BBC} = \\ AB \ y(x)EJ = \\ BC \ y(x)EJ = \end{array}$

 $\leftarrow \boxed{+} \rightarrow$

 \uparrow + \downarrow

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste. $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ \, riferimento locale asta YZ con origine in Y$

 J_{YZ} - x_{YZ} - ϑ_{YZ} riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare la rotazione assoluta del nodo B su asta BC Riportare la soluzione su questo foglio.

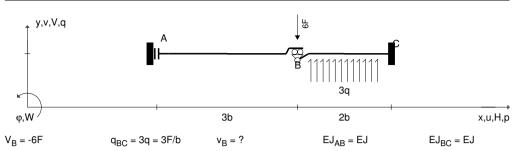


 $v_B =$ AB y(x)EJ=BC y(x)EJ=

 \uparrow + \downarrow

Riportare la soluzione su questo foglio.

@ Adolfo Zavelani Rossi, Politecnico di Milano



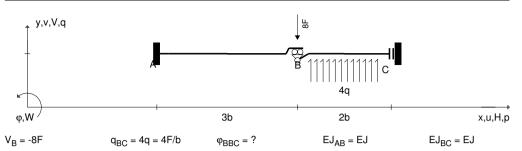
v_B = AB y(x)EJ= BC y(x)EJ=

 $\leftarrow \boxed{+} \rightarrow$

 \uparrow + \downarrow

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste. $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ riferimento locale asta YZ con origine in Y$ Calcolare la spostamento verticale del podo R

Calcolare lo spostamento verticale del nodo B Riportare la soluzione su questo foglio.



ϕ_{BBC} = AB $y(x)EJ$ = BC $y(x)EJ$ =				

 $\leftarrow + \rightarrow$

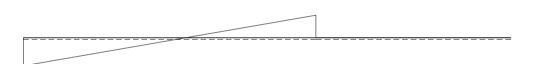
 \uparrow + \downarrow

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.

 $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ riferimento locale asta \ YZ \ con origine \ in \ Y$ Calcolare la rotazione assoluta del nodo B su asta BC Riportare la soluzione su questo foglio.













$H_A = 0$	$W_A = -12Fb + 27/2qb^2 = 3/2Fb$	$V_C = 0$
$V_A = -4F + 9qb = 5F$	$H_C = 0$	$W_C = 0$

$H_{AB} = 0$	$H_{BC} = 0$
$V_{AB} = -4F + 9qb = 5F$	$V_{BC} = 0$
$W_{AB} = -12Fb + 27/2qb^2 = 3/2Fb$	$W_{BC} = 0$
$H_{BA} = 0$	$H_{CB} = 0$
$V_{BA} = 4F = 4F$	$V_{CB} = 0$
$W_{BA} = 0$	$W_{CB} = 0$

SPOSTAMENTI ASSOLUTI $v_B = 36(Fb^3/EJ) - 243/8(qb^4/EJ) = 45/8(Fb^3/EJ)$

DEFORMATA (coordinate locali) AB y(x)EJ = $-3/4x^2$ Fb $+5/6x^3$ F $-1/8x^4$ q BC y(x)EJ = 45/8Fb³

$$\begin{aligned} &H_A=0 & &W_A=0 \\ &V_A=0 & &H_C=0 \end{aligned}$$

 $V_C = 6F - 6qb = 0$ $W_C = -12Fb + 6qb^2 = -6Fb$

 $N_{AB} = 0$

$$H_{BC} = 0$$

 $V_{BC} = -6F = -6F$
 $W_{BC} = 0$

 $H_{CB} = 0$

 $V_{CB} = 6F - 6qb = 0$ $W_{CB} = -12Fb + 6qb^2 = -6Fb$

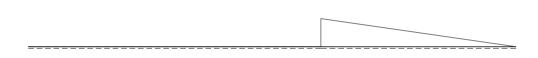
SPOSTAMENTI ASSOLUTI

 $v_B = -16(Fb^3/EJ) + 6(qb^4/EJ) = -10(Fb^3/EJ)$

DEFORMATA (coordinate locali) AB y(x)EJ = $-10/3xFb^2$ BC y(x)EJ = $-10Fb^3 + 8xFb^2 - x^3F + 1/8x^4q$













60 Fb³/EJ





REAZIONI

$$H_A = 0$$
 $W_A = 24Fb - 12qb^2 = 12Fb$ $V_A = 8F - 4qb = 4F$ $H_C = 0$

$$H_C = 0$$

$$V_C = -4qb = -4F$$

 $W_C = 0$

$$H_{AB} = 0$$
 $H_{BC} = 0$

$$V_{AB} = 8F - 4qb = 4F$$
 $V_{BC} = -4qb = -4F$ $W_{AB} = 24Fb - 12qb^2 = 12Fb$ $W_{BC} = 0$

$$H_{BA} = 0$$
 $H_{CB} = 0$

$$V_{BA} = -8F + 4qb = -4F$$
 $V_{CB} = -4qb = -4F$

$$W_{BA} = 0$$
 $W_{CB} = 0$

SPOSTAMENTI ASSOLUTI

$$\varphi_{BBC} = 36(Fb^2/EJ) - 50/3(qb^3/EJ) = 58/3(Fb^2/EJ)$$

DEFORMATA (coordinate locali)

AB y(x)EJ =
$$-6x^2$$
Fb +2/3x³F

AB y(x)EJ =
$$-6x^2$$
Fb +2/3x³F
BC y(x)EJ = -36 Fb³ +58/3xFb² -2/3x³F +1/6x⁴q

$$H_A = 0$$
 $W_A = 9/2qb^2 = 9/2Fb$ $V_C = -8F = -8F$ $V_A = 3qb = 3F$ $H_C = 0$ $W_C = 16Fb = 16Fb$

$$\begin{array}{lll} H_{AB} = 0 & H_{BC} = 0 \\ V_{AB} = 3qb = 3F & V_{BC} = 8F = 8F \\ W_{AB} = 9/2qb^2 = 9/2Fb & W_{BC} = 0 \\ H_{BA} = 0 & H_{CB} = 0 \\ V_{BA} = 0 & V_{CB} = -8F = -8F \\ W_{BA} = 0 & W_{CB} = 16Fb = 16Fb \end{array}$$

SPOSTAMENTI ASSOLUTI

 $v_{BBC} = 64/3(Fb^3/EJ) = 64/3(Fb^3/EJ)$

DEFORMATA (coordinate locali)

AB y(x)EJ =
$$-9/4x^2$$
Fb + $1/2x^3$ F - $1/24x^4$ q
BC y(x)EJ = $64/3$ Fb³ - $16x$ Fb² + $4/3x^3$ F



⊢—— 40 Fb³/EJ

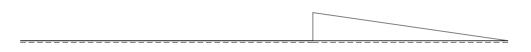
















REAZIONI $H_A = 0$ $V_A = 0$	$W_A = 0$ $H_C = 0$	$V_C = 2F - 2qb = 0$ $W_C = -4Fb + 2qb^2 = -2Fb$
$H_{AB} = 0$ $V_{AB} = 0$ $W_{AB} = 0$ $H_{BA} = 0$ $V_{BA} = 0$ $W_{BA} = 0$	$H_{BC} = 0$ $V_{BC} = -2F = -2F$ $W_{BC} = 0$ $H_{CB} = 0$ $V_{CB} = 2F - 2qb = 0$ $W_{CB} = -4Fb + 2qb^2 = -2Fb$	

SPOSTAMENTI ASSOLUTI $v_B = -16/3(Fb^3/EJ) + 2(qb^4/EJ) = -10/3(Fb^3/EJ)$

DEFORMATA (coordinate locali) AB y(x)EJ = -10/3Fb³ BC y(x)EJ = -10/3Fb³ +8/3xFb² -1/3x³F +1/24x⁴q

 $H_{AB} = 0$ $V_{AB} = 3qb = 3F$ $H_{BA} = 0$ $V_{BA} = 3qb = 3F$

$$H_A = 0$$

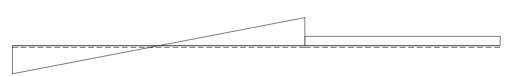
$$V_A = 3qb = 3F$$

$$W_A = 0$$
$$H_C = 0$$

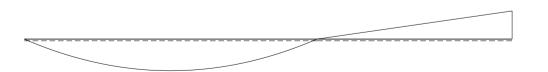
$$V_C = -2F + 3qb = F$$

 $W_C = 4Fb - 6qb^2 = -2Fb$

A C B C







$$H_{BC} = 0$$

 $V_{BC} = 2F - 3qb = -F$
 $W_{BC} = 0$
 $H_{CB} = 0$
 $V_{CB} = -2F + 3qb = F$
 $W_{CB} = 4Fb - 6qb^2 = -2Fb$
SPOSTAMENTI ASSOLUTI

$$v_B = 16/3(Fb^3/EJ) - 8(qb^4/EJ) = -8/3(Fb^3/EJ)$$

DEFORMATA (coordinate locali)
AB y(x)EJ =
$$-113/36xFb^2 + 1/2x^3F - 1/12x^4q$$

BC y(x)EJ = $-8/3Fb^3 + 2xFb^2 - 1/6x^3F$

$$H_A = 0$$
 $W_A = 12Fb - 6qb^2 = 6Fb$ $V_A = 4F - 2qb = 2F$ $H_C = 0$

 $H_C = 0$

 $V_{C} = -2qb = -2F$ $W_C = 0$

$$H_{AB} = 0$$
 $H_{BC} = 0$ $V_{AB} = 4F - 2qb = 2F$ $V_{BC} = -2qb = -2F$

 $W_{AB} = 12Fb - 6qb^2 = 6Fb$ $H_{BA} = 0$

 $W_{BC} = 0$ $H_{CB} = 0$

$$V_{BA} = -4F + 2qb = -2F$$

 $V_{CB} = -2qb = -2F$

 $W_{BA} = 0$ $W_{CB} = 0$

SPOSTAMENTI ASSOLUTI

 $\varphi_{BBC} = 18(Fb^2/EJ) - 25/3(qb^3/EJ) = 29/3(Fb^2/EJ)$

DEFORMATA (coordinate locali)

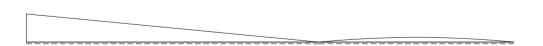
AB y(x)EJ = $-3x^2$ Fb +1/3 x^3 F BC y(x)EJ = -18Fb 3 +29/3xFb 2 -1/3 x^3 F +1/12 x^4 q













$$H_A = 0$$
 $W_A = 27/2qb^2 = 27/2Fb$ $V_C = -4F = -4F$ $V_A = 9qb = 9F$ $H_C = 0$ $W_C = 8Fb = 8Fb$

 $\begin{array}{lll} H_{AB} = 0 & H_{BC} = 0 \\ V_{AB} = 9qb = 9F & V_{BC} = 4F = 4F \\ W_{AB} = 27/2qb^2 = 27/2Fb & W_{BC} = 0 \\ H_{BA} = 0 & H_{CB} = 0 \\ V_{BA} = 0 & V_{CB} = -4F = -4F \\ W_{BA} = 0 & W_{CB} = 8Fb = 8Fb \end{array}$

SPOSTAMENTI ASSOLUTI $v_{BBC} = 32/3(Fb^3/EJ) = 32/3(Fb^3/EJ)$

DEFORMATA (coordinate locali) AB y(x)EJ = $-27/4x^2$ Fb $+3/2x^3$ F $-1/8x^4$ q BC y(x)EJ = 32/3Fb 3 -8xFb 2 $+2/3x^3$ F



⊢—— 60 Fb³/EJ



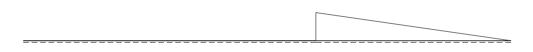




 $V_C = 6F - 6qb = 0$ $W_C = -12Fb + 6qb^2 = -6Fb$











$$\begin{aligned} H_A &= 0 & W_A &= 0 \\ V_A &= 0 & H_C &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{lll} H_{AB} = 0 & H_{BC} = 0 \\ V_{AB} = 0 & V_{BC} = -6F = -6F \\ W_{AB} = 0 & W_{BC} = 0 \\ H_{BA} = 0 & H_{CB} = 0 \end{array}$$

 $V_{CB} = 6F - 6qb = 0$ $W_{CB} = -12Fb + 6qb^2 = -6Fb$ $V_{BA} = 0$ $W_{BA} = 0$

SPOSTAMENTI ASSOLUTI

$$v_B = -16(Fb^3/EJ) + 6(qb^4/EJ) = -10(Fb^3/EJ)$$

DEFORMATA (coordinate locali)

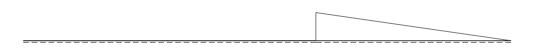
$$AB v(x)EJ = -10Fb^3$$

AB
$$y(x)EJ = -10Fb^3$$

BC $y(x)EJ = -10Fb^3 + 8xFb^2 - x^3F + 1/8x^4q$











$$H_A = 0$$
 $W_A = 24Fb - 24qb^2 = 0$ $V_C = 0$ $V_A = 8F - 8qb = 0$ $H_C = 0$ $W_C = -8qb^2 = -8Fb$

 $H_{AB} = 0$ $H_{BC} = 0$ $V_{AB} = 8F - 8qb = 0$ $V_{BC} = -8qb = -8F$ $W_{AB} = 24Fb - 24qb^2 = 0$ $W_{BC} = 0$ $H_{BA} = 0$ $H_{CB} = 0$ $V_{CB} = 0$ $W_{CB} = -8qb^2 = -8Fb$ $V_{BA} = -8F + 8qb = 0$ $W_{BA} = 0$

SPOSTAMENTI ASSOLUTI

 $\phi_{BBC} = 32/3(qb^3/EJ) = 32/3(Fb^2/EJ)$

DEFORMATA (coordinate locali)

AB y(x)EJ = 0BC $y(x)EJ = 32/3xFb^2 - 4/3x^3F + 1/6x^4q$